

등차등비수열의 본질을 위한 개념의 확장

• 공식의 확장

| | 등차수열 | 등비수열 |
|--------|---|--|
| 정의 | $a_m - a_n = (\quad)d$ $\frac{a_m - a_n}{(\quad)} = d (\quad)$ | $\frac{a_m}{a_n} = r^{(\quad)}$ $\frac{\log a_m - \log a_n}{(\quad)} = \log r (\text{등차})$ |
| 중항 | $a_m + a_n = a_{m+1} + a_{n-1} = \dots = a_1 + a_{m+n-1}$ $a_m + a_n = 2a_{(\quad)}$ | $a_m \times a_n = a_{m+1} \times a_{n-1} = \dots = a_1 \times a_{m+n-1}$ $a_m \times a_n = \{ a_{(\quad)} \}^2$ |
| 미지수 놓기 | 무관 | $a, a+d, a+2d, a+3d, \dots$ |
| | 항의 홀수 개수 | |
| | 항의 짝수 개수 | $\dots a_1 - 2d, a_1 - d, a_1, a_1 + d, a_1 + 2d$ $\dots a_1 - 3d, a_1 - d, a_1 + d, a_1 + 3d \dots$ |
| 짝수 | $S_n = (\quad)a_{(\quad)}$ $S_n + S_{n+2} = (\quad)S_{n+1} + (\quad)$ | $S_{2n} = (\quad)S_n$ |

• 결국 등차는 더하기 빼기, 등비는 곱하기 나누기

• 수열 : 자연수가 정의역인 함수

| | 등차수열 | 등비수열 |
|-----|---|---|
| 일반항 | $a_n = dn + \Delta$ \Rightarrow 1차함수 | $a_n = ar^{n-1}$ \Rightarrow 지수함수 |
| 합 | $S_n = (\quad)$ \Rightarrow 2차함수 | $S_n = (\quad)$ \Rightarrow 지수함수 |

17

2015학년도 6월 평가원

수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1 = 15$ 이고,

$$\sum_{k=1}^n (a_{k+1} - a_k) = 2n + 1 \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. a_{10} 의 값을 구하시오. [4점]

18

수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n a_{2k-1} = 3n^2 - n, \quad \sum_{k=1}^{2n} a_k = 6n^2 + n$$

을 만족시킬 때, $\sum_{k=1}^{24} (-1)^k a_k$ 의 값은?

- ① 18 ② 24 ③ 30 ④ 36 ⑤ 42

25

2024학년도 9월 평가원

모든 항이 자연수인 등차수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 하자. a_7 이 13의 배수이고

$\sum_{k=1}^7 S_k = 644$ 일 때, a_2 의 값을 구하시오. [4점]