

출제유형	문항	배점	점수	유의사항
선택형	19	3.7~4.8	80	☞ OMR 답안지에 이중표기, 표기가 없는것, 제대로 수정되지 않은 것 들은 오답으로 처리함. ☞ OMR 답안지에 학년, 반, 번호, 고사명, 과목명이 정확하게 기입되었는지 확인함.
서술형 및 서답형	3	6.0~7.0	20	
계	100점			

1. 실수 a, b 에 대하여 등식 $(a-2b)+3bi=9i$ 가 성립할 때,

$a+b$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$ 이다.) [3.7점]

- ① 3 ② 6 ③ 9 ④ 12 ⑤ 15

2. 두 다항식 A, B 에 대하여

$$A=2x^2-xy+3y^2, B=x^2+4xy-y^2$$

이고, $2A+X=B$ 를 만족시킬 때, 다항식 X 는? [3.7점]

- ① $-3x^2+6xy-7y^2$ ② $-3x^2+2xy-7y^2$
 ③ $-3x^2+6xy-4y^2$ ④ $-5x^2+6xy-7y^2$
 ⑤ $-3x^2+4xy-7y^2$

3. 다항식 x^3+3x^2-x+4 를 x^2+1 로 나누었을 때의 몫은 $Q(x)$, 나머지는 $R(x)$ 이다. 이때, $Q(x)+R(x)$ 는? [3.8점]

- ① $-x+4$ ② $-x+5$ ③ $-x+6$ ④ $-x+7$ ⑤ $-x+8$

4. 이차방정식 $x^2-6x+a-2=0$ 이 허근을 갖도록 하는 정수 a 의 최솟값은? [3.8점]

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

5. 다항식 $9x^3-3x^2-5x+4$ 을 $3x-2$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$ 라고 하자. 이때 $Q(x)$ 를 $x+2$ 로 나눈 나머지는? [3.9점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

6. $i^4+2i^5+3i^6+4i^7+5i^8+6i^9+7i^{10}=a+bi$ 일 때, $a+2b$ 의 값은? (단, $i=\sqrt{-1}$ 이고, a, b 는 실수이다.) [3.9점]

- ① -8 ② -4 ③ 0 ④ 4 ⑤ 8

7. 이차함수 $y = x^2 + 2(m-a)x + m^2 - 5m + a^2$ 이 실수 m 의 값에 관계없이 항상 x 축과 한 점에서 만날 때, 실수 a 에 대하여 $2a$ 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

8. 상수 a, b 에 대하여 다항식 $x^4 + ax^2 + b$ 가 $(x+1)^2P(x)$ 로 인수분해될 때, $a+b+P(2)$ 의 값은? (단, a, b 는 상수이다.)

[4점]

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

9. 두 복소수 $z = 3 - 2i$, $w = -1 + i$ 에 대하여 $\frac{1}{zw} - \frac{1}{\bar{z}\bar{w}}$ 의 값은?

(단, \bar{z}, \bar{w} 는 각각 z, w 의 켈레복소수이다.) [4.1점]

- ① $-\frac{5}{13}i$ ② $-\frac{3}{13}i$ ③ $-\frac{1}{13}i$ ④ $\frac{1}{13}i$ ⑤ $\frac{3}{13}i$

10. 다항식 $(x^2+x)(x^2+5x+6)-8$ 를 인수분해하면 $(x^2+ax+b)(x^2+cx+d)$ 일 때, $a-b+c-d$ 의 값은?

(단, a, b, c, d 는 정수이다.) [4.2점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

11. $-3 \leq x \leq 2$ 일 때, 이차함수 $y = -2x^2 - 4x + k$ 의 최댓값과 최솟값의 합은? (단, k 는 상수이다.) [4.2점]

- ① $2k-10$ ② $2k-12$ ③ $2k-14$ ④ $2k-16$ ⑤ $2k-18$

12. 다항식 $2x^2 + 7xy - 15y^2 + 4x + 7y + 2$ 가

$(x+ay+1)(2x+by+c)$ 로 인수분해될 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a+b+c$ 의 값은? (단, $a > 0$) [4.3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

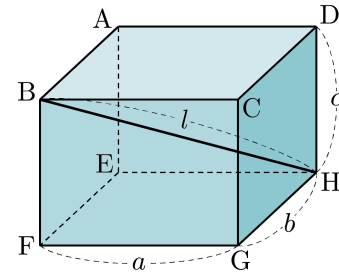
13. 다항식 $f(x)$ 를 $x^2 - 4x + 3$ 로 나누었을 때의 나머지가 $3x + 1$ 이고, $x^2 f(x + 2)$ 을 $x^2 - 1$ 로 나누었을 때 나머지를 $R(x)$ 라 할 때, $R(8)$ 의 값은? [4.8점]
- ① 27 ② 31 ③ 37 ④ 53 ⑤ 73

14. 삼차식 $f(x)$ 에 대하여 $f(x) + 4$ 는 $(x + 1)^2$ 으로 나누어떨어지고, $f(x)$ 를 $x^2 - 4$ 로 나눈 나머지는 5이다. $f(x)$ 를 $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지는? [4.5점]
- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

15. 복소수 $z = \frac{1 + \sqrt{3}i}{2}$ 일 때, $\frac{\bar{z}}{z^5} + \frac{(\bar{z})^2}{z^4} + \frac{(\bar{z})^3}{z^3} + \frac{(\bar{z})^4}{z^2} + \frac{(\bar{z})^5}{z}$ 의 값은? (단, $i = \sqrt{-1}$ 이고 \bar{z} 는 z 의 켈레복소수이다.) [4.5점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

16. 이차방정식 $x^2 + 2x + 4 = 0$ 의 두 근이 α, β 이고, 이차방정식 $12x^2 + ax + 1 = 0$ 의 두 근은 $\frac{2}{\alpha^2 + 4\alpha}$ 와 $\frac{2}{\beta^2 + 4\beta}$ 일 때, 상수 a 에 대하여 $2a$ 의 값은? [4.7점]
- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

17. 세 모서리의 길이가 a, b, c 인 직육면체 $ABCD - EFGH$ 의 모든 모서리의 길이의 합이 40이다. 대각선 l 의 길이가 $5\sqrt{2}$ 일 때, $a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$ 의 값은? [4.7점]



- ① 240 ② 250 ③ 260 ④ 270 ⑤ 280

18. $11^8 + 11^4 + 11 + 1$ 을 120으로 나눈 나머지를 구하면? [4.4점]
- ① 4 ② 14 ③ 24 ④ 34 ⑤ 44

19. 이차함수 $f(x) = x^2 - 2(k+3)x - k - 5$ 의 그래프가 다음 조건을 만족한다. 실수 k 에 대하여 $2k$ 의 값은? [4.8점]

- (가) $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = -4x - 4$ 는 접한다.
 (나) $y = f(x)$ 의 그래프와 x 축이 만나는 두 점 사이의 거리가 4이다.

- ① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ -1

※ 문제를 읽고 서·논술형 답안지에 풀이과정을 반드시 제시하여 정답을 구하시오.

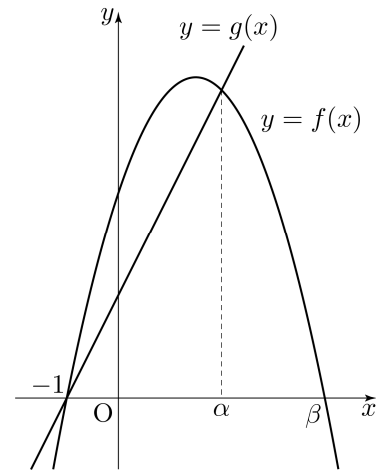
[서술형 1]

다음 등식이 x 에 대한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b, c 에 대하여 $a+b+c$ 의 값을 구하시오. [6점]

$$x^2 - 3x + 4 = ax(x-1) + bx(x-2) + c(x-1)(x-2)$$

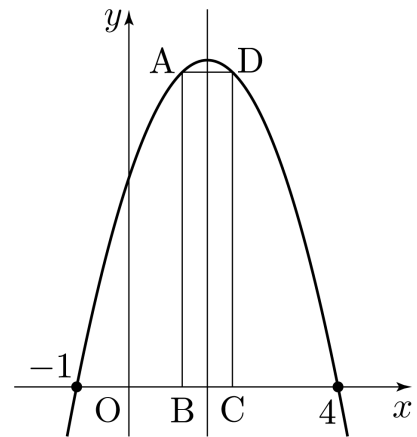
[서술형 2]

x 축 위의 두 점 $(-1, 0), (\beta, 0)$ 을 지나고 이차항의 계수가 -1 인 이차함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 x 축 위의 점 $(-1, 0)$ 을 지나고 기울기가 양수인 직선 $y = g(x)$ 가 그림과 같다. 이차함수 $y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = g(x)$ 가 만나는 두 점의 x 좌표가 각각 $-1, \alpha$ 이고 $\beta - \alpha = 2$ 일 때, $g(3)$ 의 값을 구하시오. [7점]



[서술형 3]

그림과 같이 최고차항의 계수가 -2 인 이차함수의 그래프가 x 축과 만나는 두 점의 x 좌표가 -1 과 4 이다. 직사각형 ABCD의 두 점 B, C는 x 축 위에 있고, 두 점 A, D는 그래프 위에 있을 때, 직사각형 ABCD의 둘레의 최댓값을 k 라 할 때, $2k$ 구하는 풀이 과정과 답을 쓰시오. [7점]



CLIMBING 1학년 1학기 중간고사
1회 빠른답 찾기

- 1 답 ③
- 2 답 ①
- 3 답 ①
- 4 답 ③
- 5 답 ⑤
- 6 답 ④
- 7 답 ⑤
- 8 답 ③
- 9 답 ④
- 10 답 ②
- 11 답 ③
- 12 답 ④
- 13 답 ②
- 14 답 ①
- 15 답 ⑤
- 16 답 ④
- 17 답 ②
- 18 답 ②
- 19 답 ②
- 서술형1 답 1
- 서술형2 답 8
- 서술형3 답 52

1 답 ③

두 복소수가 서로 같으려면 실수 부분은 실수 부분끼리, 허수 부분은 허수 부분끼리 같아야 합니다. 주어진 등식의 우변 $9i$ 는 $0+9i$ 와 같으므로 다음과 같은 식을 세울 수 있습니다.

실수 부분: $a-2b=0$

허수 부분: $3b=9$

허수 부분의 식에서 b 의 값을 구하면

$3b=9 \Rightarrow b=3$

구한 $b=3$ 을 실수 부분의 식에 대입하여 a 의 값을 구하면

$a-2(3)=0 \Rightarrow a-6=0 \Rightarrow a=6$

위에서 구한 $a=6, b=3$ 을 더하면

$a+b=6+3=9$

2 답 ①

주어진 등식 $2A+X=B$ 에서 X 를 구하기 위해 $2A$ 를 우변으로 이항하면 다음과 같습니다.

$X=B-2A$

$X=(x^2+4xy-y^2)-2(2x^2-xy+3y^2)$
괄호를 전개하면,

$X=x^2+4xy-y^2-4x^2+2xy-6y^2$

동류항끼리 모아서 정리하면,

$X=(1-4)x^2+(4+2)xy+(-1-6)y^2$

$X=-3x^2+6xy-7y^2$

3 답 ①

$$x^2+1 \begin{array}{r} x \quad +3 \\ \hline x^3 \quad +3x^2 \quad -x \quad +4 \\ x^3 \quad \quad \quad +x \\ \hline 3x^2 \quad -2x \quad +4 \\ 3x^2 \quad \quad \quad +3 \\ \hline -2x \quad +1 \end{array}$$

따라서 $Q(x)=x+3, R(x)=-2x+1$ 이고 $Q(x)+R(x)=-x+4$ 이다.

4 답 ③

이차방정식 $x^2-6x+a-2=0$ 의 판별식을 D 라고 할 때, 일차항의 계수가

짝수이므로 짝수 판별식 $\frac{D}{4}$ 를 사용합니다.

$\frac{D}{4}=(-3)^2-1 \cdot (a-2)=9-a+2=11-a$

이차방정식이 허근을 가지려면 판별식의 값이 0보다 작아야 합니다.

$11-a < 0$

$a > 11$

부등식 $a > 11$ 을 만족하는 정수 a 의 값은 12, 13, 14, ... 입니다.

따라서 이 중 가장 작은 정수 a 의 값은 12입니다.

5 답 ⑤

$$3x-2 \begin{array}{r} 3x^2 \quad +x \quad -1 \\ \hline 9x^3 \quad -3x^2 \quad -5x \quad +4 \\ 9x^3 \quad -6x^2 \\ \hline 3x^2 \quad -5x \\ 3x^2 \quad -2x \\ \hline -3x \quad +4 \\ -3x \quad +2 \\ \hline 2 \end{array}$$

$Q(x)=3x^2+x-1$ 이고 $Q(x)$ 를 $x+2$ 으로 나눈 나머지는

$Q(-2)=12-2-1=9$

6 답 ④

$i^4+2i^5+3i^6+4i^7+5i^8+6i^9+7i^{10}=1+2i-3-4i+5+6i-7$

$=-4+4i=a+bi$

따라서 $a=-4, b=4$ 이고 $a+2b=-4+8=4$

7 답 ⑤

이차함수 $y=x^2+2(m-a)x+m^2-5m+a^2$ 의 그래프가 x 축과 한 점에서 만난다는 것은 이차방정식 $x^2+2(m-a)x+m^2-5m+a^2=0$ 이 중근을 가짐을 의미한다. 따라서 이 이차방정식의 판별식을 D 라고 할 때, $D=0$ 이어야 한다.

짝수 판별식 $D/4$ 를 이용하면 다음과 같다.

$D/4=(m-a)^2-1 \cdot (m^2-5m+a^2)=0$

괄호를 전개하여 정리하면

$(m^2-2am+a^2)-m^2+5m-a^2=0$

$-2am+5m=0$

$(5-2a)m=0$

위 식이 실수 m 의 값에 관계없이 항상 성립해야 하므로, 이 식은 m 에 대한 항등식이다. 따라서 m 의 계수가 0이어야 한다.

$5-2a=0$

$2a=5$

8 답 ③

$x^4+ax^2+b=(x+1)^2(x^2-2x+1)$

$P(x)=(x-1)^2$

$a=-2, b=1, P(2)=1$

$a+b+P(2)=-2+1+1=0$

9 답 ④

$z\bar{w}=(3-2i)(-1-i)=-5-i$ 이므로

$\bar{z}w=\overline{z\bar{w}}=-5+i$

$\therefore \frac{1}{z\bar{w}}-\frac{1}{\bar{z}w}=\frac{1}{-5-i}-\frac{1}{-5+i}=\frac{-5+i}{26}-\frac{-5-i}{26}=\frac{1}{13}i$

10 답 ②

$$(x^2+x)(x^2+5x+6)-8 = x(x+1)(x+2)(x+3)-8$$

$$= (x^2+3x)(x^2+3x+2)-8$$

이때 $x^2+3x=A$ 라고 하면

$$(x^2+3x)(x^2+3x+2)-8 = A(A+2)-8 = A^2+2A-8$$

$$= (A-2)(A+4) = (x^2+3x-2)(x^2+3x+4)$$

$$= (x^2+ax+b)(x^2+cx+d)$$

$$\therefore a-b+c-d=3+2+3-4=4$$

11 답 ③

이차함수 $y=-2x^2-4x+k$ 를 표준형으로 변형하여 꼭짓점의 좌표를 구합니다.

$$y=-2(x^2+2x)+k=-2(x+1)^2+2+k$$

따라서 이 함수의 그래프는 위로 볼록하며, 꼭짓점의 좌표는 $(-1, k+2)$ 입니다.

주어진 범위 $-3 \leq x \leq 2$ 에 꼭짓점의 x 좌표인 $x=-1$ 이 포함됩니다. 그래프가 위로 볼록하므로 꼭짓점에서 최댓값을 갖습니다.

$$M=y(-1)=k+2$$

꼭짓점의 x 좌표인 -1 로부터 가장 멀리 떨어진 x 값에서 최솟값을 갖습니다.

$$x=-3 \text{ 일 때의 거리: } |-1-(-3)|=2$$

$$x=2 \text{ 일 때의 거리: } |-1-2|=3$$

따라서 $x=2$ 에서 최솟값을 갖습니다.

$$m=y(2)=-2(2)^2-4(2)+k=-8-8+k=k-16$$

구한 최댓값 M 과 최솟값 m 의 합을 구합니다.

$$M+m=(k+2)+(k-16)=2k-14$$

12 답 ④

다항식을 x 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$2x^2+(7y+4)x-(15y^2-7y-2)$$

$$=2x^2+(7y+4)x-(5y+1)(3y-2)$$

$$=(x+5y+1)(2x-3y+2)$$

따라서 $a=5, b=-3, c=2$ 이고 $a+b+c=5-3+2=4$

13 답 ②

$$f(x)=(x^2-4x+3)Q_1(x)+3x+1=(x-1)(x-3)Q_1(x)+3x+1$$

$$\text{이므로 } f(1)=4, f(3)=10$$

$x^2f(x+2)$ 을 x^2-1 로 나눈 나머지 $R(x)$ 를 $ax+b$ 라고 하면

$$x^2f(x+2)=(x^2-1)Q_2(x)+ax+b=(x-1)(x+1)Q_2(x)+ax+b$$

에서 양변에 $x=1$ 을 대입하면

$$a+b=f(3)=10 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

양변에 $x=-1$ 을 대입하면

$$-a+b=f(1)=4 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

①, ②을 연립하여 풀면 $a=3, b=7$ 이고 $R(x)=3x+7$ 이다.

$$\therefore R(8)=31$$

14 답 ①

$f(x)+4$ 가 $(x+1)^2$ 으로 나누어떨어지므로

$$f(x)+4=(x+1)^2(ax+b)$$

$$\Rightarrow f(x)=(x+1)^2(ax+b)-4 \quad \dots\dots \textcircled{1}$$

라고 하자.

$f(x)$ 를 $(x^2-4)=(x-2)(x+2)$ 로 나눈 나머지가 5이므로

$$f(2)=5, f(-2)=5$$

$x=2, x=-2$ 를 각각 ①에 대입하면

$$f(2)=18a+9b-4=5 \Rightarrow 2a+b=1 \quad \dots\dots \textcircled{2}$$

$$f(-2)=-2a+b-4=5 \Rightarrow -2a+b=9 \quad \dots\dots \textcircled{3}$$

②, ③을 연립하여 풀면 $a=-2, b=5$ 이고,

$$f(x)=(x+1)^2(-2x+5)-4 \text{ 이다.}$$

$$\therefore f(2)=5$$

15 답 ⑤

$z^3=-1$ 이므로 $\bar{z}^3=-1$ 이다. 이를 구하는 식에 대입하여 정리하면

$$-\frac{\bar{z}}{z^2}-\frac{(\bar{z})^2}{z}+1-\frac{\bar{z}}{z^2}-\frac{(\bar{z})^2}{z}$$

근이므로 $z+\bar{z}=1, z\bar{z}=1$ 이고 $z^2=z-1=-\bar{z}$ 이므로 $\bar{z}^2=-z$ 이다.

따라서 이 결과를 구하는 식에 대입해서 정리해주면 식의 값은 5

16 답 ④

이차방정식의 근과 계수의 관계에 의하여 $\alpha+\beta=-2, \alpha\beta=4$ 이다.

$$\text{이때 } \alpha^2+2\alpha+4=0 \text{ 이므로 } \alpha^2+4\alpha=\alpha^2+2\alpha+4+2\alpha-4=2\alpha-4$$

$$\text{이다. 마찬가지로 } \beta^2+4\beta=2\beta-4 \text{이다.}$$

따라서

$$\frac{2}{\alpha^2+4\alpha}+\frac{2}{\beta^2+4\beta}=\frac{2}{2\alpha-4}+\frac{2}{2\beta-4}=\frac{1}{\alpha-2}+\frac{1}{\beta-2}$$

$$=\frac{\alpha-2+\beta-2}{(\alpha-2)(\beta-2)}=\frac{\alpha+\beta-4}{\alpha\beta-2\alpha-2\beta+4}$$

$$=-\frac{6}{12}=-\frac{a}{12}$$

$$\Rightarrow a=6 \quad \therefore 2a=12$$

17 답 ②

직육면체의 모든 모서리의 합이 48이므로

$$4(a+b+c)=40 \Rightarrow a+b+c=10$$

대각선 l 의 길이가 $5\sqrt{2}$ 이므로

$$\sqrt{a^2+b^2+c^2}=5\sqrt{2} \Rightarrow a^2+b^2+c^2=50$$

이때

$$ab+bc+ca=\frac{(a+b+c)^2-(a^2+b^2+c^2)}{2}=25$$

$$\therefore a^3+b^3+c^3-3abc=(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$$

$$=10 \times (50-25)=250$$

18 답 ②

$11=x$ 라 하면 $120=x^2-1$ 로 11^8+11^4+11+1 을 120으로 나누면 등식

$$x^8+x^4+x+1=(x^2-1)Q(x)+ax+b$$

로 나타낼 수 있다. $x=1$ 을 대입하면 $a+b=4, x=-1$ 을 대입하면 $-a+b=2$ 가 되므로 연립하면

$$a=1, b=3 \text{ 이 되므로 나머지 } x+3$$

19 **답** ②

$y = f(x)$ 의 그래프와 직선 $y = -4x - 4$ 가 접하므로 이차방정식

$$x^2 - 2(k+3)x - k - 5 = -4x - 4$$

$$\Rightarrow x^2 - 2(k+1)x - k - 1 = 0$$

의 판별식 D 가 다음을 만족해야 한다.

$$\frac{D}{4} = (k+1)^2 + k + 1 = (k+1)(k+2) = 0$$

$$\Rightarrow k = -1 \text{ 또는 } k = -2$$

$k = -1$ 인 경우)

$f(x) = x^2 - 4x - 4$ 이므로 그래프가 x 축과 만나는 두 점의 x 좌표는

$2 \pm 2\sqrt{2}$ 이므로 두 점 사이의 거리는 $4\sqrt{2}$ 이다.

$k = -2$ 인 경우)

$f(x) = x^2 - 2x - 3 = (x+1)(x-3)$ 이므로 x 축과 만나는 두 점의 x 좌표는

각각 $-1, 3$ 이므로 두 점 사이의 거리는 4 이다.

$$\therefore 2k = -4$$

서술형1 **답** 1

주어진 등식이 x 에 대한 항등식이므로 x 에 어떤 값을 대입해도 성립한다. 양변에

$x = 0$ 을 대입하면

$$(0)^2 - 0 + 4 = a \cdot 0 \cdot (0-1) + b \cdot 0 \cdot (0-2) + c(0-1)(0-2)$$

$$4 = 2c$$

따라서 $c = 2$ 이다.

양변에 $x = 1$ 을 대입하면

$$(1)^2 - 1 + 4 = a \cdot 1 \cdot (1-1) + b \cdot 1 \cdot (1-2) + c(1-1)(1-2)$$

$$4 = -b$$

따라서 $b = -4$ 이다.

양변에 $x = 2$ 을 대입하면

$$(2)^2 - 2 + 4 = a \cdot 2 \cdot (2-1) + b \cdot 2 \cdot (2-2) + c(2-1)(2-2)$$

$$6 = 2a$$

따라서 $a = 3$ 이다.

구한 상수들의 값을 더하면

$$a + b + c = 3 + (-4) + 2 = 1$$

서술형2 **답** 8

$$f(x) = -(x+1)(x-\beta) = -(x+1)(x-\alpha-2) = -x^2 + (\alpha+1)x + \alpha+2$$

$$f(x) - g(x) = -(x+1)(x-\alpha) = -x^2 + (\alpha-1)x + \alpha$$

$$g(x) = 2x + 2$$

$$g(3) = 8$$

서술형3 **답** 52

그래프의 이차함수는 $y = -2(x+1)(x-4)$

$$y = -2(x+1)(x-4) = -2x^2 + 6x + 8$$

$$y = -2\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{25}{2} \text{ 이므로 } x = \frac{3}{2} \text{에 대칭}$$

점 C 의 좌표를 $C(t, 0)$ ($\frac{3}{2} < t < 4$)이라 하면 $D(t, -2t^2 + 6t + 8)$ 이고,

$$\overline{BC} = 2 \times \left(t - \frac{3}{2}\right) = 2t - 3, \overline{CD} = -2t^2 + 6t + 8$$

직사각형 $ABCD$ 의 둘레의 길이는 $2(\overline{BC} + \overline{CD})$ 이므로

$$2 \times (2t - 3 - 2t^2 + 6t + 8) = -4t^2 + 16t + 10$$

$-4t^2 + 16t + 10 = -4(t-2)^2 + 26$ 이므로 둘레의 길이의 최댓값은

$$\frac{3}{2} < t < 4 \text{ 이므로 } t = 2 \text{일 때 } 26 \text{이다.}$$

따라서 $2k = 52$