



개념 ————— 깊이의 차이를 느끼다

# The DEEP

대수

WORKBOOK

8회차

**SAMPLE**

 공부플러스



# 11강 등비수열 개념필기 노트



### 01

각 항이 실수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에서

$$a_1 + a_2 = 12, a_4 + a_5 = 324$$

일 때, 일반항  $a_n$ 을 구하시오.

### 02

각 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_4 = 54, a_6 = 486$ 일 때, 처음으로 600000보다 커지는 항은 제 몇 항인지 구하시오. (단,  $\log 3 = 0.48$ 로 계산한다.)

### 03

두 수 5와 80 사이에 세 양수  $x, y, z$ 를 넣어서 만든 수열 5,  $x, y, z, 80$ 이 이 순서로 등비수열을 이룰 때,  $x + y + z$ 의 값을 구하시오.

### 04

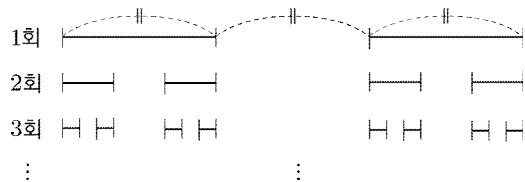
등비수열을 이루는 세 실수의 합이 21이고 곱이 216일 때, 이 세 수 중 가장 큰 수를 구하시오.

### 05

곡선  $y = x^3 - 2x^2 + 2x$ 와 직선  $y = x + k$ 가 서로 다른 세 점에서 만나고, 교점의  $x$ 좌표가 등비수열을 이룰 때, 실수  $k$ 의 값을 구하시오.

### 06

길이가 30인 선분이 있다. 그림과 같이 1회의 시행에서 이 선분을 3등분하여 가운데 부분을 잘라 내고, 2회의 시행에서 남아 있는 각 선분을 3등분하여 각각 가운데 부분을 잘라낸다.



이와 같은 시행을 13회 반복했을 때, 남아 있는 모든 선분의 길이의 합을 구하시오.

## 07

세 수 2,  $x$ , 18이 이 순서로 등비수열을 이룰 때, 양수  $x$ 의 값을 구하시오.

## 08

세 수  $x-2$ ,  $x+2$ ,  $x+7$ 이 이 순서로 등비수열을 이룰 때,  $x$ 의 값을 구하시오.

## 09

공비가 실수인 등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 3항까지의 합이 2, 첫째항부터 제 6항까지의 합이 18일 때, 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합  $S_n$ 을 구하시오.

## 10

첫째항이 5, 공비가 2인 등비수열에서 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합이 처음으로 500보다 커질 때,  $n$ 의 값을 구하시오.

## 11

수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 할 때,  $S_n = 3^n - 1$ 이면 수열  $\{a_n\}$ 이 등비수열임을 보이고, 첫째항과 공비를 구하시오.

## 12

$a_3 = 3$ ,  $a_5 = 9$ 이고 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_n^2 > 1000$ 을 만족시키는 자연수  $n$ 의 최솟값은?

- ① 6                      ② 7                      ③ 8  
④ 9                      ⑤ 10

### 13

두 수 2와 162사이에서 세 양수  $a, b, c$ 를 넣어  
2,  $a, b, c, 162$ 가 이 순서대로 등비수열을 이루도록 할  
때,  $a+b+c$ 의 값을 구하시오.

### 14

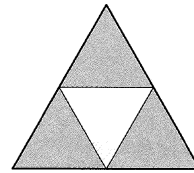
세 양수  $x, x+12, 9x$ 가 이 순서대로 등비수열을 이룰  
때,  $x$ 의 값을 구하시오.

### 15

등비수열을 이루는 세 실수의 합이 7이고 곱이 8일 때,  
세 수 중 가장 큰 수를 구하시오.

### 16

한 변의 길이가 4인 정삼각형 모양의 종이가 있다.  
그림과 같이 1회의 시행에서 각 변의 중점을 이어서  
만든 정삼각형을 오려 낸다. 2회의 시행에서는 1회  
시행 후 남은 3개의 작은 정삼각형에서 같은 방법으로  
만든 정삼각형을 오려 낸다. 이와 같은 시행을 계속할  
때, 10회 시행 후 남아 있는 종이의 넓이는?



- ①  $\left(\frac{3}{4}\right)^{10}$                       ②  $\sqrt{3} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{10}$
- ③  $4\sqrt{3} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{10}$             ④  $\sqrt{3} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^9$
- ⑤  $3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{10}$

### 17

함수  $f(x) = x^2 + 2x + a$ 에 대하여  $f(-1), f(1), f(2)$ 가  
이 순서대로 등비수열을 이룬다. 이때  $f(-2)$ 의 값을  
구하시오. (단,  $a$ 는 상수이다.)

### 18

어느 학생의 휴대 전화 데이터 사용량이 1월부터 매월  
일정한 비율만큼 증가하여 5개월 후인 6월의 데이터  
사용량은 1월의 3배가 되었다. 이와 같은 비율만큼  
데이터 사용량이 계속 증가하여 같은 해 11월의 데이터  
사용량이 6월의 데이터 사용량보다 2400MB만큼  
늘어났을 때, 1월의 데이터 사용량을 구하시오.

## 19

등비수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_3 = 6$ ,  $a_7 = 24$ 일 때,

$a_1^2 + a_2^2 + a_3^2 + \dots + a_{10}^2$ 의 값은?

- ①  $3(2^9 - 1)$       ②  $3(2^{10} - 1)$       ③  $9(2^9 - 1)$   
 ④  $9(2^{10} - 1)$       ⑤  $9 \cdot 2^{10}$

## 20

수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_n = 2^{2n-1}$ 일 때,

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{10} = \frac{2^p - 2}{3}$$

를 만족시키는 실수  $p$ 의 값은?

- ① 10                  ② 11                  ③ 12  
 ④ 20                  ⑤ 21

## 21

등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{10} = 12,$$

$$a_1 + a_3 + a_5 + a_7 + a_9 = 8$$

일 때, 수열  $\{a_n\}$ 의 공비를 구하시오.

## 22

등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합  $S_n$ 에 대하여  $S_n = 30$ ,  $S_{2n} = 50$ 일 때,  $S_{3n}$ 의 값을 구하시오.

## 23

수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라

하면  $S_n + 100 = 10^{n+2}$ 이 성립한다. 수열  $\{a_n\}$ 의

일반항이  $a_n = p \cdot q^{n+1}$ 일 때, 실수  $p$ ,  $q$ 에 대하여

$p - q$ 의 값을 구하시오.

## 24

수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 할

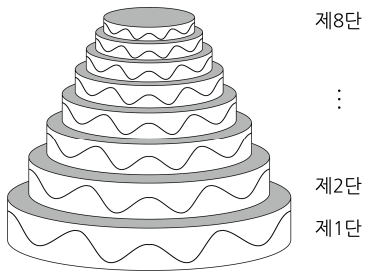
때,  $S_n = 2^{n+1} - 2$ 이다. 이때  $a_1 + a_3 + a_5 + a_7 + a_9$ 의 값을 구하시오.

### 01

일반항이  $a_n = 3p^{n-1}$ ,  $b_n = -3q^{n-1}$  인 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$  에 대하여  $c_n = a_n \cdot b_n$  인 수열  $\{c_n\}$  이 있다.  $c_5 = 2\sqrt{2} c_3$  이고  $c_{13} = k c_5$  일 때, 상수  $k$  의 값을 구하시오. (단,  $pq \neq 0$ )

### 02

그림과 같이 각 단의 부피가 일정한 비율로 감소하는 8 단 케이크를 만들었다. 이 케이크의 제 2단의 부피를  $p$ , 제 8단의 부피를  $q$  라 할 때, 제 5단의 부피를  $p$  와  $q$  로 나타내시오,



### 03

모든 항이 양수인 수열  $\{a_n\}$  에 대하여  $\log_2 a_n = f(n)$  이라 하자.  $a_{n+1}^2 = a_n a_{n+2}$  를 만족하고,  $f(2) = -2$ ,  $f(5) = 13$  일 때, 수열  $\{a_n\}$  의 제 1 항부터 제 10 항까지의 곱을  $p$  라 하자.  $\log_2 p$  의 값을 구하시오.

### 04

두 양수  $a, b$  에 대하여 세 수  $a+3, 3, b$  는 이 순서대로 등차수열을 이루고, 세 수  $\frac{3}{b}, 1, \frac{2}{a+2}$  는 이 순서대로 등비수열을 이룬다. 이때,  $b-a$  의 값을 구하시오.

## 05

세 정수  $\alpha, \beta, \alpha\beta$  ( $\alpha < 0 < \beta$ ) 는 적당히 배열하면 등차수열로 되고, 또한 적당히 배열하면 등비수열이 된다고 한다.  $\alpha, \beta$  를 구하시오.

## 06

두 수 4와 64 사이에 서로 다른 세 양수  $a, b, c$  를 넣었더니 4,  $a, b, c, 64$  가 이 순서로 등비수열을 이루고 있다. 이때,  $c-a$  의 값을 구하시오.

## 07

첫째항부터 제 3 항까지의 합이 4, 제 4 항부터 제 6 항까지의 합이 32인 등비수열이 있다. 이 수열의 첫째항부터 제 9 항까지의 합을 구하시오.

(단, 공비는 실수이다.)

## 08

등비수열  $\{a_n\}$  에서 첫째항부터 제 5항까지의 합이

$\frac{121}{3}$  이고 곱이 243일 때,  $\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3} + \frac{1}{a_4} + \frac{1}{a_5}$  의

값을 구하시오.

## 09

첫째항이 1, 공비가 2인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

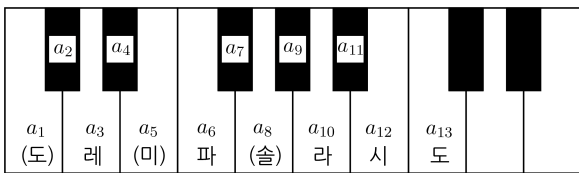
$$\frac{a_2 + a_4 + a_6 + \dots + a_{2m}}{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_m} = 86$$

를 만족하는 자연수  $m$ 의 값을 구하시오.

## 10

서양음악의 12음계에서 음의 주파수는 반음 올라갈 때마다 일정 비율로 높아져 12반음 올라가면 2배가 되는 등비수열을 이룬다. 아래 피아노 건반에 표시된 도, 미, 솔의 주파수 비  $a_1 : a_5 : a_8$ 에 가장 가까운 정수비는?

(단,  $2^{\frac{1}{3}} = \frac{5}{4}, 2^{\frac{5}{12}} = \frac{4}{3}, 2^{\frac{7}{12}} = \frac{3}{2}$ 으로 근사하여 계산한다.)



- ① 10 : 11 : 12                      ② 11 : 12 : 13
- ③ 12 : 15 : 18                      ④ 15 : 16 : 18
- ⑤ 15 : 18 : 19

## 11

다음 표는 어느 학교에서 한 달 전에 구입한 휴대용 저장 장치의 용량에 따른 1개당 가격과 개수의 현황을 나타낸 것이다.

용량	128 MB	256 MB	512 MB	1 GB	2 GB
1개당 가격	$a$	$\frac{3}{2}a$	$\left(\frac{3}{2}\right)^2 a$	$\left(\frac{3}{2}\right)^3 a$	$\left(\frac{3}{2}\right)^4 a$
개수	$16b$	$8b$	$4b$	$2b$	$b$

현재 모든 휴대용 저장 장치의 가격이 한 달 전보다 모두 30%씩 하락하였다. 이 학교에서 휴대용 저장 장치의 용량과 개수를 위 표와 동일하게 현재의 가격으로 구입한다면 지불해야 하는 금액은?

(단,  $a > 0$ 이고  $b > 0$ 이다.)

- ①  $\frac{192}{5}ab \left\{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^5\right\}$
- ②  $40ab \left\{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^5\right\}$
- ③  $40ab \left\{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^5\right\}$
- ④  $\frac{224}{5}ab \left\{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^5\right\}$
- ⑤  $\frac{224}{5}ab \left\{1 - \left(\frac{1}{4}\right)^5\right\}$

## 12

다음은 세계 석유 소비 증가 추세에 관한 글들이다.

…… 매년 석유 소비량을 조사한 결과, 최근 20년 동안 소비된 석유의 양은 그 이전까지 소비된 석유의 양과 같다. 예를 들어 1981년부터 2000년까지 소비된 석유의 양은 1980년까지 소비된 석유 전체의 양과 같다……

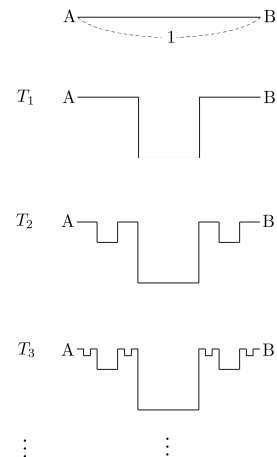
이와 같은 석유 소비 추세가 계속된다고 가정하고, 현재까지 소비된 석유의 양을  $a$ , 현재의 석유의 매장량을  $b$ 라 할 때, 앞으로 몇 년 동안 석유를 사용할 수 있겠는가?

- ①  $20\log_2\left(\frac{b}{2a}+1\right)$                       ②  $20\log_2\left(\frac{b}{a}+1\right)$   
 ③  $20\log_2\left(\frac{2b}{a}+1\right)$                       ④  $20\log_2\left(\frac{b}{a}+2\right)$   
 ⑤  $20\log_2\left(\frac{2b}{a}+2\right)$

## 13

길이가 1인 선분 AB가 있다. 그림과 같이 선분 AB를 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_1$ 이라 하자.

$T_1$ 의 선분 중 원래의 선분 AB에서 남아 있는 두 선분을 각각 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_2$ 라 하자.  $T_2$ 의 선분 중 원래의 선분 AB에서 남아 있는 네 선분을 각각 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_3$ 이라 하자. 이와 같은 과정을 계속 반복하여  $n$ 번째 만든 도형을  $T_n$ 이라 하고,  $T_n$ 에 있는 모든 선분의 길이의 총합을  $a_n$ 이라 하자. 이때  $a_{10}$ 의 값은?



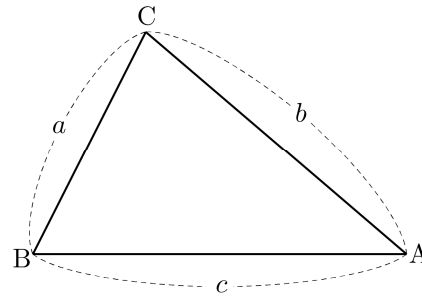
- ①  $3\left\{1-\left(\frac{1}{3}\right)^{10}\right\}$                       ②  $3\left\{1-\left(\frac{1}{3}\right)^{11}\right\}$   
 ③  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^9\right\}$                       ④  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^{10}\right\}$   
 ⑤  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^{11}\right\}$

## 14

각 항이 실수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_4 = \frac{3}{2}$ ,  $a_7 = \frac{3}{16}$  일 때, 처음으로  $\frac{1}{1000}$ 보다 작아지는 항은 제 몇 항인지 구하시오. (단,  $\log 2 = 0.3010$ ,  $\log 3 = 0.4771$ )

## 15

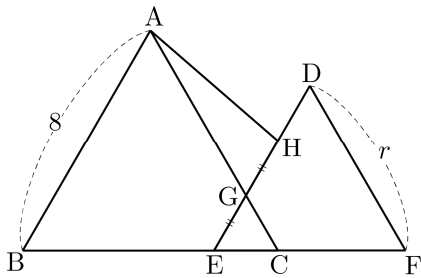
$\triangle ABC$ 에서  $\overline{BC} = a$ ,  $\overline{CA} = b$ ,  $\overline{AB} = c$ 라 할 때, 세 각 A, B, C가 이 순서대로 등차수열을 이루고,  $a, b, a+c$ 가 이 순서대로 등비수열을 이룰 때,  $\angle C$ 의 크기는?



- ①  $\frac{\pi}{2}$     ②  $\frac{\pi}{3}$     ③  $\frac{\pi}{4}$     ④  $\frac{\pi}{6}$     ⑤  $\frac{2}{3}\pi$

## 16

그림과 같이 한 변의 길이가 8인 정삼각형 ABC와 한 변의 길이가  $r$ 인 정삼각형 DEF를 겹쳐서 점 E가  $\overline{BC}$  위에 오도록 정삼각형 GEC를 만들고,  $\overline{EG} = \overline{GH}$ 가 되도록 점 H를  $\overline{DG}$  위에 잡는다.  $\triangle GEC$ ,  $\triangle AGH$ ,  $\triangle DEF$ 의 각각의 넓이가 이 순서로 공비가  $r$ 인 등비수열을 이룰 때,  $r$ 의 값을 구하시오.



### STEP 3

## The DEEP DEVELOP

### DEEP 01



일반항이  $a_n = 3p^{n-1}$ ,  $b_n = -3q^{n-1}$  인 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$  에 대하여  $c_n = a_n \cdot b_n$  인 수열  $\{c_n\}$  이 있다.  
 $c_5 = 4\sqrt{2} c_3$  이고  $c_9 = k c_5$  일 때, 상수  $k$  의 값을 구하시오. (단,  $pq \neq 0$ )

### DEEP ANALYSIS

수열의 일반항  $a_n$ 의 특징

$a_n = A \cdot B^n$  (단, A, B는 상수)

Tip) 등비수열  $\{a_n\}$ 은 밑이  $r$ 인 지수꼴이다

## ADVANCED

**01** 등차수열  $\{a_n\}$ 은 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+1} \neq a_n$ 을 만족시킨다.  $a_3, a_5, a_{10}$ 이 이 순서대로 공비가  $r$ 인 등비수열을 이룰 때,  $2r$ 의 값을 구하시오.

**02** 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $\frac{a_{n+1}}{a_n} > 1$ 을 만족시키는 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$\frac{a_5^2 - a_4^2}{a_3^2 - a_2^2} = 16$$

을 만족시킬 때,  $\frac{a_{16}}{a_{13}} + \frac{a_{17}}{a_{16}}$ 의 값을 구하시오.

## MASTER

**01** 등차수열  $\{a_n\}$ 과 등비수열  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \frac{a_4}{b_4} = 1$$

이다.  $b_3 = 20$ 이고  $a_3 \neq b_3$ 일 때,  $b_5 - a_6$ 의 값을 구하시오.

## DEEP 02



두 양수  $a$ ,  $b$ 에 대하여 세 수  $a+3$ ,  $3$ ,  $b$ 는 이 순서대로 등차수열을 이루고, 세 수  $\frac{2}{b}$ ,  $1$ ,  $\frac{2}{a+3}$ 는 이 순서대로 등비수열을 이룬다. 이때,  $b-a$ 의 값은?

- ①  $-5-2\sqrt{5}$     ②  $-3-2\sqrt{5}$     ③  $-1-2\sqrt{5}$     ④  $1-2\sqrt{5}$     ⑤  $3-2\sqrt{5}$

### DEEP ANALYSIS

등비중항

세 수  $a$ ,  $x$ ,  $b$ 가 이 순서대로 등비수열을 이룰 때,  $x$ 를  $a$ 와  $b$ 의 등비중항이라 한다.

$x$ 는  $a$ 와  $b$ 의 등비중항, 즉  $x^2 = ab \Leftrightarrow x = \pm \sqrt{ab}$

## ADVANCED

- 01** 두 수 5와 320 사이에  $n$ 개의 수를 넣어서 만든 수열  $5, x_1, x_2, x_3, \dots, x_n, 320$  이 공비가 2인 등비수열을 이룰 때,  $n$ 의 값을 구하시오.
- 02** 첫째항이  $a$ 이고 공비가  $\frac{1}{2}$ 인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 세 수  $a_3, 2, a_7$ 이 이 순서대로 등비수열을 이룰 때, 양수  $a$ 의 값은?
- ① 16                      ② 20                      ③ 24                      ④ 28                      ⑤ 32

## MASTER

- 01** 공차가 6인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 세 항  $a_2, a_k, a_8$ 은 이 순서대로 등차수열을 이루고 세 항  $a_1, a_2, a_k$ 는 이 순서대로 등비수열을 이룬다.  $k+a_1$ 의 값은?
- ① 7                      ② 8                      ③ 9                      ④ 10                      ⑤ 11

## DEEP 03



첫째항부터 제 3 항까지의 합이 7, 제 4 항부터 제 6 항까지의 합이 56 인 등비수열이 있다. 이 수열의 첫째항부터 제 9 항까지의 합을 구하시오. (단, 공비는 실수이다.)

### DEEP ANALYSIS

기본공식은 반드시 암기

$$r \neq 1 \text{ 일 때, } S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r} \quad (r < 1) \text{ 또는 } S_n = \frac{a(r^n-1)}{r-1} \quad (r > 1)$$

수열  $\{a_n\}$  의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$  이 다음과 같을 때, 일반적으로 다음이 성립한다.

$$S_n = A r^n + B \quad (r \neq 0, r \neq 1, A, B \text{ 는 상수})$$

$A + B = 0$  이면 수열  $\{a_n\}$  은 첫째항부터 등비수열을 이룬다.

## ADVANCED

01 공비가 실수인 등비수열  $\{a_n\}$  에서

$$a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_{10} = 8, \quad a_{11} + a_{12} + a_{13} + \cdots + a_{20} = 24$$

일 때,  $a_{21} + a_{22} + a_{23} + \cdots + a_{30}$  의 값을 구하시오.

02 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$  에서 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$  이라 하면

$S_{10} = 10, S_{30} = 310$  이다. 이때  $S_{20}$  의 값을 구하시오.

## MASTER

01 수열  $\{a_n\}$  의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합은  $S_n$  이라 할 때,

$$S_n = 2 \cdot 3^{n+1} + k \quad (n \geq 1)$$

이다. 수열  $\{a_n\}$  이 등비수열을 이루기 위한 상수  $k$  의 값은?

- ①  $-6$                       ②  $-3$                       ③  $-2$                       ④  $\frac{1}{6}$                       ⑤  $\frac{1}{3}$

## DEEP 04



등비수열  $\{a_n\}$ 에서 첫째항부터 제 5항까지의 합이  $\frac{31}{2}$ 이고 곱이 32일 때,  $\frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3} + \frac{1}{a_4} + \frac{1}{a_5}$ 의 값은?

①  $\frac{31}{4}$

②  $\frac{31}{8}$

③  $\frac{31}{12}$

④  $\frac{8}{31}$

⑤  $\frac{4}{31}$

### DEEP ANALYSIS

1. 각 항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 에서 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ , 역수의 합을  $T_n$ 이라 하면

$$S_n = a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_n, \quad T_n = \frac{1}{a_1} + \frac{1}{a_2} + \frac{1}{a_3} + \cdots + \frac{1}{a_n} \text{ 이면}$$

$$\Rightarrow T_n = \frac{1}{a_1 a_n} S_n \text{ 을 만족한다.}$$

## ADVANCED

- 01** 등비수열  $\{a_n\}$  에서 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ , 역수의 합을  $T_n$  이라 하면  

$$S_{10} = 256, T_{10} = 4$$
 가 성립할 때,  $a_1 a_{10}$  의 값을 구하시오.

- 02** 수열  $\{a_n\}$  은 첫째항이 양수이고 공비가 1 보다 큰 등비수열이다.  $a_3 a_5 = a_1$  이고, 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ , 역수의 합을  $T_n$  이라 하면  $T_n = S_n$  를 만족시키는 자연수  $n$  의 값을 구하시오.

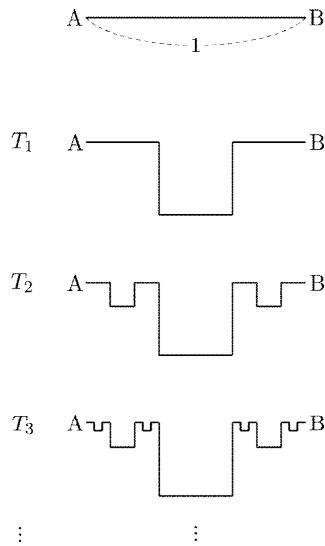
## MASTER

- 01** 모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$  에서 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ , 역수의 합을  $T_n$  이라 하면  
 $S_{12} = 100, T_{12} = 10$  를 만족시킬 때,  $\log a_1 + \log a_2 + \log a_3 + \cdots + \log a_{12}$  의 값을 구하시오.

# DEEP 05



길이가 1인 선분 AB가 있다. 그림과 같이 선분 AB를 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_1$ 이라 하자.  $T_1$ 의 선분 중 원래의 선분 AB에서 남아 있는 두 선분을 각각 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_2$ 라 하자.  $T_2$ 의 선분 중 원래의 선분 AB에서 남아 있는 네 선분을 각각 3등분한 다음, 가운데 선분을 한변으로 하는 정사각형을 그리고, 가운데 선분을 지워 만든 도형을  $T_3$ 이라 하자. 이와 같은 과정을 계속 반복하여  $n$ 번째 만든 도형을  $T_n$ 이라 하고,  $T_n$ 에 있는 모든 선분의 길이의 총합을  $a_n$ 이라 하자. 이때  $a_{20}$ 의 값은?



- ①  $3\left\{1-\left(\frac{1}{3}\right)^{20}\right\}$     ②  $3\left\{1-\left(\frac{1}{3}\right)^{21}\right\}$     ③  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^{19}\right\}$     ④  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^{20}\right\}$     ⑤  $3\left\{1-\left(\frac{2}{3}\right)^{21}\right\}$

## DEEP ANALYSIS

### 1. 도형문제

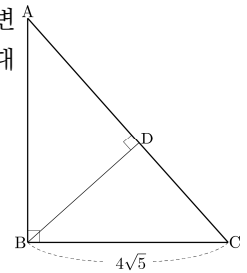
- 답음일 가능성이 높다. 즉, 답음비를 찾을 것
- 너무 어려우면 첫째항부터 찾아보는 근성이 중요하다.

### 2. 그래프

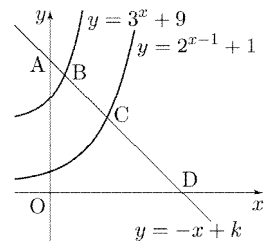
- 좌표표시부터 할 것.
- 일반항으로 표현하는 연습을 할 것

ADVANCED

01 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$ ,  $\overline{BC} = 4\sqrt{5}$ 인 직각삼각형 ABC의 꼭짓점 B에서 빗변 AC에 내린 수선의 발을 D라 하자. 세 선분 AD, CD, AB의 길이가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, 변 AB의 길이를 구하시오.

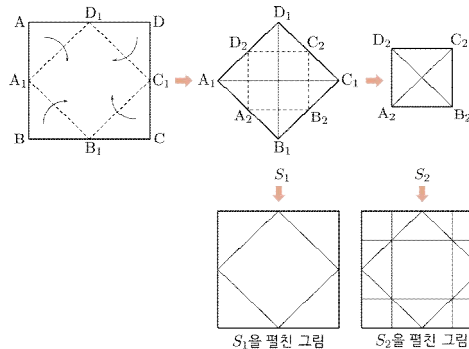


02 그림과 같이 직선  $y = -x + k$ 가  $y$ 축, 두 곡선  $y = 3^x + 9$ ,  $y = 2^{x-1} + 1$  및  $x$ 축과 만나는 점을 각각 A, B, C, D라 할 때  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{CD}$ 는 이 순서대로 등비수열을 이룬다.  $\overline{AB} = \sqrt{2}$ 일 때,  $\overline{BC}^2$ 의 값을 구하시오.



MASTER

01 그림과 같이 한 변의 길이가 2인 정사각형 모양의 종이 ABCD에서 각 변의 중점을 각각  $A_1, B_1, C_1, D_1$ 이라 하고  $\overline{A_1B_1}, \overline{B_1C_1}, \overline{C_1D_1}, \overline{D_1A_1}$ 을 접는 선으로 하여 네 점 A, B, C, D가 한 점에서 만나도록 접은 모양을  $S_1$ 이라 하자.  $S_1$ 에서 정사각형  $A_1B_1C_1D_1$ 의 각 변의 중점을 각각  $A_2, B_2, C_2, D_2$ 라 하고  $\overline{A_2B_2}, \overline{B_2C_2}, \overline{C_2D_2}, \overline{D_2A_2}$ 를 접는 선으로 하여 네 점  $A_1, B_1, C_1, D_1$ 이 한 점에서 만나도록 접은 모양을  $S_2$ 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 모양을  $S_n$ 이라 하고,  $S_n$ 을 정사각형 모양의 종이 ABCD와 같도록 펼쳤을 때 접힌 모든 선들의 길이의 합을  $l_n$ 이라 하자. 예를 들어,  $l_1 = 4\sqrt{2}$ 이다.  $l_5$ 의 값은? (단, 종이의 두께는 고려하지 않는다.)



- ①  $24 + 28\sqrt{2}$
- ②  $28 + 28\sqrt{2}$
- ③  $28 + 32\sqrt{2}$
- ④  $32 + 32\sqrt{2}$
- ⑤  $36 + 32\sqrt{2}$







# 빠른답 찾기

## CHAPTER11 빠른답 찾기

### step 1 WARM-UP

- 01  $a_n = 3^n$  02 제13항 03 70 04 12 05  $\frac{1}{8}$  06  $30 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^{13}$  07 6 08 18 09 하단참조 10 7
- 11  $a_1 = 2$   
 $r = 3$  12 ③ 13 78 14 6 15 4 16 ③ 17 17 18 400MB 19 ④ 20 ⑤
- 21  $\frac{1}{2}$  22  $\frac{190}{3}$  23 -1 24 682

### step 2 CLONE

- 01 64 02  $\sqrt{pq}$  03 155 04 1 05 (-2, 4) 06 24 07 292 08  $\frac{121}{27}$  09 7 10 ③
- 11 ④ 12 ② 13 ⑤ 14 제15항 15 ① 16 7

### step 3 DEVELOP

- |               |                |              |             |              |              |            |
|---------------|----------------|--------------|-------------|--------------|--------------|------------|
| DEEP<br>01 32 | A<br>01 5      | A<br>02 10   | M<br>01 150 | DEEP<br>02 ⑤ | A<br>01 5    | A<br>02 ⑤  |
| M<br>01 ②     | DEEP<br>03 511 | A<br>01 72   | A<br>02 60  | M<br>01 ①    | DEEP<br>04 ② | A<br>01 64 |
| A<br>02 13    | M<br>01 6      | DEEP<br>05 ⑤ | A<br>01 8   | A<br>02 18   | M<br>01 ①    |            |

step 1 09  $S_n = \frac{2}{7}(2^n - 1)$





온라인 ·  
오프라인  
수업안내

공부플렉스



네이버에서 '공부플렉스'를 검색하세요.



카카오톡 '공플'  
검색 후 친구추가하고  
신간 모의고사 정보를 받으세요.

개념 ————— 깊이의 차이를 느끼다

# The DEEP

대수

WORKBOOK

8회차

저자 김철수 X 김경오  
출판 공부플렉스 콘텐츠연구소  
주소 서울 강남구 테헤란로 625  
문의 1588-7759  
이메일 clonemath1234@naver.com



ISBN 979-11-975386-1-2

정가 **비매품**

이 책은 공부플렉스의 허가 없이 무단으로 복사, 복제 할 수 없습니다.